**Rozwiązywanie Fill-a-pixów**

1. **Informacje o problemie**

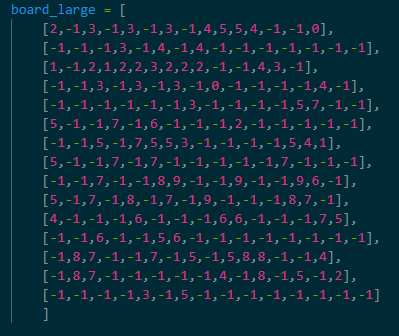
Fill-a-pix to łamigłówka graficzna podobna w pewnym stopniu do nonogramów. Mamy planszę (zazwyczaj kwadratową), podzieloną na małe kwadraty, na której należy pomalować niektóre z nich na czarno w taki sposób, aby wszystkie zamalowane kratki utworzyły spójny obrazek. O zasadzie zamalowania kratek informuje nas odpowiednia liczba w pisana w danym kwadracie która mówi, ile kratek wokół danego kwadratu (łącznie z nim samym) ma być zamalowana.

Problemem, który należało rozwiązać było znalezienie dobrego algorytmu, który rozwiązywałby ww. fill-a-pix, zaimplementowanie takiego algorytmu, przetestowanie jego działania oraz czasu jego działania.

1. **Rozwiązanie problemu**

**2.1 Przygotowania**

Na samym początku, żeby rozwiązać mój problem, potrzebowałem jakieś fill-a-pixy, na których mógłbym testować mój algorytm. Dodałem więc 3 różnej wielkości „mozaiki” przerobione tak, by program mógł je odczytywać.



. Dodany w kodzie fill-a-pix o rozmiarze 15x15

W miejscach, gdzie postawiona jest -1, interpreter odczytuje daną kratkę jako pustą. Jeżeli jest jednak wstawiona liczba 0-9, jest to odczytywane jako wymagana liczba zamalowanych kratek wokół.

* 1. **Implementacja algorytmu - genetyczny**

Mając coś na czym mogę testować algorytm, przystąpiłem do wstępnej implementacji. Jako możliwe wartości rozwiązań, ustawiłem 0 i 1, gdzie 0 jest równe zamalowanej kratce, a 1 niezamalowanej (jest to odwrócone ustawienie, ze względu na późniejsze wyświetlanie rozwiązania algorytmu, gdzie 0 – czarna kratka, a 1 – biała kratka).

Zasada działania programu jest dosyć prosta: algorytm genetyczny generuje rozwiązanie, które przerabiam na tablicę dwuwymiarową, niejako „nakładając” je na dany szablon z fill-a-pixem. Następnie sprawdzam wartości znajdujące się w szablonie. Jeżeli program wykryje liczbę w przedziale od 0 do 9, przechodzi do zliczania czarnych kratek w rozwiązaniu, na tej samej pozycji w tablicy, w której znaleziona była liczba w szablonie. Funkcja zliczająca liczbę zamalowanych kratek wokół jest najobszerniejszą w programie, ponieważ zaimplementowałem ręcznie każdy możliwy przypadek (liczba może znajdować się w środku szablonu, na danych rogach lub jego brzegach. Wtedy też zmienia się maksymalna liczba możliwych zamalowanych kratek wokół – równomiernie jest to 9, 4 i 6).

Kiedy program obliczy już liczbę zamalowanych wokół kratek, porównuje je z liczbą w szablonie i zwraca wartość bezwzględną różnicy tych dwóch liczb. Liczba ta jest odejmowana od wartości fitness (docelowo 0). Jeżeli końcowo zwracana przez funkcję fitness jest równa zeru, algorytm znalazł bezbłędne rozwiązanie.

Obraz zawierający tekst

Opis wygenerowany automatycznie

. Funkcja fitness, na podstawie której wiemy czy dane rozwiązanie jest prawidłowe.

* 1. **Implementacja algorytmu – optymalizacja przez rój**

Funkcja fitness dla optymalizacji przez rój wygląda podobnie jak dla algorytmu genetycznego. Jedyna różnica jest taka, że wartość zwracana przez funkcję sprawdzającą zamalowane kwadraty jest dodawana do domyślnej wartości 0, a nie odejmowana. Jest to spowodowane tym, że algorytm roju szuka wartości minimalnej wśród rozwiązań, a genetyczny przeciwnie – maksymalnej.

**Text

Description automatically generated**



**3**. Funkcja fitness dla algorytmu optymalizacji przez rój.

1. **Eksperymenty**

**3.1 Mały rozmiar (5x5)**

Po zaimplementowaniu przystąpiłem do testowania działania programu. Zacząłem od najmniejszego szablonu. Po uruchomieniu programu parę razy, niemal za każdym razem algorytmy (zarówno genetyczny jak i rój) zwracały wartość 0. Oznaczało to, że program działa dla małego szablonu.

Warto jest zauważyć, że algorytm genetyczny znajdywał rozwiązanie zdecydowanie szybciej niż algorytm roju. Jest to spowodowane ustawionym w algorytmie genetycznym kryterium stopu – algorytm zatrzymuje się, gdy rozwiązanie zwraca wartość zero. Takiego ustawienia nie ma w algorytmie roju, co oznacza, że nawet jeśli algorytm znajdzie rozwiązanie, to nie zatrzyma się do czasu skończenia wszystkich iteracji.

**Text

Description automatically generated**

**4**. Parametry testowe algorytmu genetycznego.

Chart

Description automatically generated

. Przykładowy wykres wyników algorytmu genetycznego.

Text

Description automatically generated

. Parametry algorytmu roju dla małego szablonu.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | **Average** | How many times solved |
| genetic | 30,797 | 1,072 | 7,329 | 12,889 | 0,627 | 0,236 | 0,097 | 1,718 | 29,105 | 20,437 | 10,431 |  |
| genetic\_value | -2 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 9 |
| swarm(50 particles, 5000 iters) | 43,465 | 43,066 | 43,829 | 47,866 | 43,518 | 43,059 | 43,092 | 43,323 | 43,089 | 43,130 | 43,744 |  |
| swart\_cost | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |  | 8 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Dzięki przetestowanym czasom i rozwiązaniom da się już zauważyć pewne zależności. Pierwszą jest to, że w przypadku małego rozmiaru szablonu, oba algorytmy znajdują rozwiązania bez problemu. Drugą zależnością jest czas. Algorytm genetyczny, przez możliwość skończenia działania zaraz po wyszukaniu rozwiązania, działa o wiele szybciej. Jednak nawet jeśli nie znajdzie rozwiązania, to nadal wykonuje się szybciej niż algorytm roju, mimo że nieznacznie. Obserwacje co do czasu będą się potwierdzały w dalszej części, przy testowaniu większych szablonów.

* 1. **Średni rozmiar (10x10)**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | **Average** |
| genetic | 66,431 | 66,078 | 69,086 | 20,216 | 65,794 | 72,000 | 59,934 |
| genetic\_value | -4 | -2 | -1 | 0 | -4 | -1 | -2 |
| swarm(50 particles, 5000 iters) | 114,018 | 110,257 | 115,651 | 117,476 | 115,066 |  | 114,494 |
| swart\_cost | 23 | 21 | 20 | 22 | 21 |  | 21,4 |
| swarm(200 particles, 1000 iters) |  | 84,017 | 86,132 | 85,375 | 85,213 |  | 85,184 |
| swart\_cost |  | 23 | 21 | 22 | 25 |  | 22,75 |
| swarm(500 particles, 250 iters) |  | 53,796 | 54,644 | 54,251 | 54,203 |  | 54,224 |
| swart\_cost |  | 26 | 30 | 24 | 23 |  | 25,75 |
| swarm(100 particles, 20000 iters) |  |  |  |  |  | 876,663 |  |
|  |  |  |  |  |  | 19 |  |

Przy średnim rozmiarze zacząłem dostrzegać problemy z algorytmami. Co pierwsze rzuca się w oczy, to że oba algorytmy prawie w ogóle nie poradziły sobie z wyszukaniem rozwiązania. Na 6 przypadków tylko raz udało się to algorytmowi genetycznemu (z takimi samymi parametrami co w przypadku małego szablonu). Byłem również zdziwiony, gdy zobaczyłem tak wysoki - w porównaniu do algorytmu genetycznego – wynik algorytmu roju. Postanowiłem więc również przetestować go z innymi parametrami – niestety bezskutecznie, wynik prawie w ogóle się nie zmienił. Doszedłem wtedy do wniosku, że algorytm roju jest beznadziejny dla naszego problemu, szczególnie biorąc pod uwagę to, że znajdował wyższe wartości w wyższym od algorytmu genetycznego czasie (rozpatrując przypadek, gdzie oba algorytmy nie znajdowały rozwiązania – dla algorytmu genetycznego średni czas działania był 67 sekund, gdzie dla roju było to zależne od ilości iteracji. Mimo tego nawet, gdy algorytm roju wykonywał się ponad dwa razy dłużej, znajdował o wiele gorsze rozwiązania. Należy też wziąć pod uwagę, że gdyby zmienić parametry genetycznego, to również mógłby dłużej się wykonywać, nawet od algorytmu roju – co nie zmienia faktu, że zwraca rozwiązania zawsze o wiele lepsze od drugiego algorytmu).

Qr code

Description automatically generated

. Rozwiązanie średniego fill-a-pixa z fitness=-1.

* 1. **Duży rozmiar (15x15)**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | **Average** |
| genetic | 133,567 | 133,469 | 133,222 | 138,179 | 136,276 | 134,942 |
| genetic\_value | -12 | -9 | -9 | -8 | -8 | -9,2 |
| swarm | 220,424 | 226,735 | 532,979 | 237,603 | 235,346 | 290,617 |
| swart\_cost | 77 | 87 | 82 | 78 | 85 | 81,8 |

Wyniki testu dużego fill-a-fixa tylko potwierdzają testy małego i średniego. Szansa na rozwiązanie fill-a-pixa spada tym bardziej, czym większy rozmiar szablonu, a algorytm z optymalizacją roju nie nadaje się do rozwiązywania naszego problem.

Qr code

Description automatically generatedA picture containing text, crossword puzzle, black

Description automatically generated

. Rozwiązanie dużego fill-a-pixa dla fitness=-4. . Prawidłowe rozwiązanie dużęgo fill-a-pixa.

1. **Podsumowanie**